

Differentialgleichungen I

1. Übungsblatt

Abgabe bis Freitag, 3. November, in den Tutorien

Aufgabe 1:

2 Punkte

Bestimme jeweils die allgemeine Lösung der folgenden Differentialgleichungen und löse anschließend das entsprechende Anfangswertproblem.

(i) $u'(t) = \frac{1}{t}(u^2(t) - u(t)), \quad u(1) = 0.5;$

(ii) $u'(t) - \frac{2}{t}u(t) = 2t^3, \quad u(1) = 1;$

Aufgabe 2:

3 Punkte

Löse die Anfangswertprobleme

(i) $u'(t) = \frac{u(t)}{t} + \ln t, \quad u(1) = 2;$

(ii) $u'(t) = u(t) \sin(t) + e^{t-\cos(t)}, \quad u(0) = 1;$

und gib jeweils das maximale Existenzintervall der Lösung an.

Aufgabe 3:

3 Punkte

Bestimme das Fundamentalsystem und die allgemeine Lösung der folgenden Differentialgleichung

$$u'''(t) + u''(t) - 8u'(t) - 12u(t) = 5(10t - 1)e^{3t} - 104 \cos(2t).$$